

Opgave Geef voor de volgende beweringen aan of ze juist of niet juist zijn. Steeds is X, Y, \dots een topologische ruimte.

- (1) Stel $G \subset X$ en $H \subset Y$ zijn gesloten. Dan is $G \times H$ gesloten in $X \times Y$.
- (2) Als X overdekt wordt door Hausdorffse deelruimten, dan is X zelf ook Hausdorffs.
- (3) Stel G is een gesloten verzameling van X . Dan is elk punt van G een verdichtingspunt van G .
- (4) Een product van discrete ruimten is discreet.
- (5) Een eindig product van discrete ruimten is discreet.
- (6) Het beeld, onder een continue afbeelding, van een wegsamenhangende ruimte is wegsamenhangend.
- (7) Een quotiëntafbeelding $p : X \rightarrow X/\sim$ is altijd open.
- (8) Voor een product $X \times Y$ zijn de beide projecties $p : X \times Y \rightarrow X$ en $q : X \times Y \rightarrow Y$ altijd open.
- (9) Voor een product $X \times Y$ zijn de beide projecties $p : X \times Y \rightarrow X$ en $q : X \times Y \rightarrow Y$ altijd gesloten.
- (10) Het beeld, onder een continue afbeelding, van een Hausdorffse ruimte is altijd Hausdorffs.
- (11) Een deelruimte van een volledige metrische ruimte is volledig desda hij gesloten is.
- (12) Het product van twee volledige metrische ruimten is volledig.
- (13) Het beeld, onder een continue afbeelding, van een rijcompacte ruimte is rijcompact.
- (14) Laat X, Y homeomorfe metrische ruimten zijn. Er geldt X is volledig $\Leftrightarrow Y$ is volledig.
- (15) Een gesloten en begrensde deelruimte van een metrische ruimte is compact.
- (16) De cirkel S^1 en de projectieve lijn $\mathbb{P}^1(\mathbb{R})$ zijn homeomorf.
- (17) Zijn X, Y metrische ruimten met Y volledig. Een continue afbeelding $X \rightarrow Y$ kan altijd worden voortgezet tot een continue afbeelding $\widehat{X} \rightarrow Y$.
- (18) Zijn X, Y metrische ruimten met Y volledig. Een uniform continue afbeelding $X \rightarrow Y$ kan altijd worden voortgezet tot een continue afbeelding $\widehat{X} \rightarrow Y$.
- (19) Als iedere oneindige verzameling in X een verdichtingspunt heeft, dan is X compact.
- (20) Een continue afbeelding is rijcontinu.
- (21) De doorsnede van twee compacte deelruimten van X is compact.
- (22) De doorsnede van twee compacte deelruimten in een Hausdorffse ruimte is compact.